BỘ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO **ĐẠI HỌC ĐÀ NẵNG**

MAI XUÂN QUANG

NGHIÊN CỨU ỨNG XỬ CỦA DẦM MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG BẰNG PHƯƠNG PHÁP PHẦN TỬ HỮU HẠN

Chuyên ngành: Kỹ thuật xây dựng công trình dân dụng và công nghiệp Mã số:60.58.02.08

LUẬN VĂN THẠC SĨ KỸ THUẬT

Đà Nẵng – Năm 2016

Công trình được hoàn thành tại ĐẠI HỌC ĐÀ NĂNG

Người hướng dẫn khoa học: GV.TS. NGUYỄN QUANG TÙNG

Phản biện 1: PGS. TS. Nguyễn Xuân Toản Phản biện 2: TS. Phạm Mỹ

Luận văn đã được bảo vệ trước Hội đồng chấm Luận văn tốt nghiệp thạc sĩ Kỹ thuật họp tại Đại học Đà Nẵng vào ngày 6 tháng 8 năm 2016.

Có thể tìm hiểu luận văn tại:

- Trung tâm Thông tin-Học liệu, Đại học Đà Nẵng

MỞ ĐẦU

TÍNH CẤP THIẾT CỦA ĐỀ TÀI Tổng quan về kết cấu thổi phồng

Hiện nay, phần lớn những công trình xây dựng trên thế giới làm từ vật liệu cổ điển là: gạch, đá, bê tông và đặc biệt là bê tông cốt thép và thép. Ưu điểm chung của các loại vật liệu này là khả năng chịu lực lớn, tuổi thọ công trình cao.

Tuy nhiên, nhược điểm của những vật liệu cổ điển này là trọng lượng bản thân lớn, việc xây dựng và tháo dỡ khi không dùng đến tốn nhiều chi phí. Vì vậy, một loại vật liệu mới nhẹ hơn đang được nghiên cứu và đưa vào sử dụng là vật liệu vải kỹ thuật.

Các tấm vải kỹ thuật này thường được tạo hình thành những ống kín, được thổi khí vào để có thể chịu được tải trọng bản thân cũng như chịu các tải trọng khác gọi là các ống thổi phồng. Các ống thổi phồng này được liên kết với nhau để tạo nên khung chịu lực chính trong rất nhiều công trình xây dựng trên thế giới như mái vòm phục vụ sự kiện, nhà vòm phục vụ hội nghị, các kết cấu đỡ mái nhà dân dụng, các cầu tạm... Dạng kết cấu này được gọi chung là kết cấu thổi phồng.

Ưu điểm của dạng kết cấu mới này là quá trình xây dựng nhanh, có thể tháo dỡ và chuyển đến nơi khác một cách nhanh chóng, tiện lợi. Tải trọng bản thân của kết cấu nhỏ nên sẽ giảm thiểu trọng lượng bản thân công trình...

Với tầm quan trọng như vậy, nhưng đến nay, vẫn chưa có nhiều kết quả nghiên cứu được đưa ra, không có nhiều bài báo khoa học đề cập đến việc nghiên cứu ứng xử của loại kết cấu mới này.



Thực trạng nghiên cứu về kết cấu thổi phồng

Có nhiều nhóm nghiên cứu đã xây dựng nên các lý thuyết giải tích để tính toán cho loại kết cấu này: đầu tiên là Comer and Levy, sau đó Douglas và Webber **Error! Reference source not found.**...

Năm 2013, nhóm nghiên cứu Nguyen và Levan đã đề xuất phương pháp tính dầm màng mỏng thổi phồng, ứng dụng lý thuyết dầm Timoshenko và cũng đã thành lập được các công thức tính độ võng cũng như góc xoay của tiết diện dầm, dựa vào các dữ liệu đầu vào là tính năng cơ lý của vật liệu, áp suất thổi phồng và tải trọng tác dụng. Ưu điểm của lý thuyết tính toán này là áp suất thổi phồng đã được bổ sung vào công thức tính, mang lại tính chính xác cao hơn và thực tế hơn các công thức được viết ra trước đó.

2

Các công thức giải tích này thường được ứng dụng để nghiên cứu ứng xử của các cấu kiện đơn giản. Để có thể tính toán cũng như thiết kế được các công trình phức tạp hơn, cần phải xây dựng mô hình phần tử hữu hạn. Tuy nhiên, hiện chưa có nhiều nghiên cứu về phần tử hữu hạn của bài toán dầm màng mỏng thổi phồng, gây khó khăn cho việc tính toán cũng như thiết kế kết cấu thổi phồng.

Do đó, đề tài "*Nghiên cứu ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng bằng phương pháp phần tử hữu hạn*"là cần thiết và có ý nghĩa khoa học và thực tiễn cao.

2. MỤC TIÊU NGHIÊN CỨU

Mục tiêu đặt ra là xây dựng được mô hình phần tử hữu hạn cho dầm màng mỏng thổi phồng. Cụ thể là viết được ma trận độ cứng cho phần tử dầm màng mỏng và ứng dụng giải các bài toán liên quan để nghiên cứu ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng.

3. ĐỔI TƯỢNG VÀ PHẠM VI NGHIÊN CỨU

Đối tượng và phạm vi nghiên cứu của đề tài bước đầu được giới hạn trong các cấu kiện thổi phồng cơ bản như là ống hoặc dầm thổi phồng.

4. PHƯỜNG PHÁP NGHIÊN CỨU

Nghiên cứu lý thuyết tính toán để xây dựng mô hình theo phương pháp phần tử hữu hạn

Chạy chương trình mô phỏng, so sánh với kết quả để hợp thức hóa mô hình tính toán.

5. BỐ CỤC LUẬN VĂN

Mở đầu

Chương 1: Tổng quan về kết cấu màng mỏng thổi phồng

Chương 2: Tóm tắt lý thuyết tính toán dầm màng mỏng thổi phồng

Chương 3: Phương pháp phần tử hữu hạn cho dầm thổi phồng Chương 4: Bài toán áp dụng Kết luận và kiến nghị

CHƯƠNG 1

TỔNG QUAN VỀ KẾT CẤU MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG

1.1. KÉT CẦU MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG1.2. NHỮNG LĨNH VỰC ÁP DỤNG KẾT CẦU MÀNG MỎNGTHỔI PHỒNG

1.2.1. Lĩnh vực không gian

a. Vệ tinh thổi phồng

b. Ăng ten và kính phản xạ thổi phồng

c. Trạm không gian thổi phồng

d. Khinh khí cầu khoa học bay ở độ cao lớn

1.2.2. Trong lĩnh vực kỹ thuật xây dựng

1.2.3. Một số lĩnh vực khác

1.3. NHỮNG ƯU ĐIỂM VÀ NHƯỢC ĐIỂM CỦA KẾT CẦU MÀNG MỎNG THỔI PHÒNG

1.3.1. Ưu điểm của kết cấu màng mỏng thổi phồng

1.3.2. Một vài nhược điểm của kết cấu màng mỏng thổi phồng

a. Kết cấu có thể bị xì hơi

b. Những khó khăn để có được hình dạng phẳng

c. Khả năng vận hành còn nhiều hạn chế

1.4. MỘT SỐ CÔNG TRÌNH NGHIÊN CỨU TRÊN THẾ GIỚI

1.4.1. Về quy luật ứng xử của các loại vải kỹ thuật:

1.4.2. Về sự làm việc của kết cấu thổi phồng:

1.5. KẾT LUẬN CHƯƠNG

Từ việc nghiên cứu tài liệu trong chương này, tác giả nhận thấy rằng cho dù các kết cấu màng mỏng thổi phồng không phải là lĩnh vực vừa mới được phát hiện, tuy nhiên, cho đến nay, vẫn không có nhiều nghiên cứu được dành riêng cho loại kết cấu này. Có nhiều nghiên cứu về ứng xử của vật liệu được thực hiện, cho phép xác định các tính chất cơ lý. Các nghiên cứu này có mang tính chất quan trọng, góp phần xây dựng nên lý thuyết tính toán kết cấu thổi phồng. Khá nhiều lý thuyết tính toán dầm màng mỏng thổi phồng được thực hiện. Một số cho ra các công thức giải tích để nghiên cứu ứng xử của một số cấu kiện đơn giản. Tuy nhiên, để có thể nghiên cứu ứng xử của các dạng kết cấu phức tạp hơn, cần phải xây dựng một mô hình phần tử hữu hạn dành riêng cho loại kết cấu này.

CHƯỜNG 2 TÓM TẮT LÝ THUYẾT TÍNH TOÁN DẦM MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG

2.1. THIẾT LẬP PHƯỜNG TRÌNH CHO BÀI TOÁN DẦM ÔNG MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG CHỊU UỐN



Hình 2.1. Sự biến đổi trong quá trình uốn ngang dầm thổi phồng

Các phương trình cân bằng được suy ra từ nguyên lý công suất ảo như dưới đây: Với mọi trường chuyển vị ảo V*: $-\int_{\Omega_0} (\mathbf{F} \boldsymbol{\Sigma})^T : \mathbf{grad} \mathbf{V}^* d\Omega_0 + \int_{\Omega_0} \rho_0 \mathbf{f}_0 \mathbf{V}^* d\Omega_0 + \int_{\partial \Omega_0} \mathbf{T} \mathbf{V}^* dS_0 = 0 \quad (2.1)$

2.1.1. Chuyển động

2.1.2. Chuyển động ảo

2.1.3. Công suất ảo của nội ứng suất

2.1.4. Công ảo của tải trọng ngoài

a. Tải trọng tĩnh

b. Tải trọng động

2.2. PHƯƠNG TRÌNH CÂN BẰNG PHI TUYẾN

2.3. TUYẾN TÍNH HOÁ BÀI TOÁN

2.4. BÀI TOÁN ÁP DỤNG

2.4.1. Áp dụng đối với bài toán uốn ngang một dầm côngxôn thổi phồng



Hình 2.5. Công-xôn thổi phồng chịu tải trọng ngang Chuyển vị và góc xoay của mặt cắt:

$$V(X) = \frac{F}{(E_{\ell} + \frac{P}{S_0})I_0} (\frac{LX^2}{2} - \frac{X^3}{6}) + \frac{FX}{P + kG_{\ell t}S_0};$$
(2.29)
$$\theta(X) = \frac{F}{(E_{\ell} + \frac{P}{S_0})I_0} (LX - \frac{X^2}{2})$$

2.4.2. Áp dụng đối với bài toán uốn dọc một dầm công-xôn thổi phồng



Hình 2.6. Công-xôn thổi phồng chịu tải trọng dọc trục Lực tới hạn trong bài toán uốn dọc này là:

$$F_{cr} = \frac{\Omega^2 \left(E_{\ell} + \frac{P}{S_0} \right) I_0}{1 + \frac{\Omega^2 I_0}{S_0} + \frac{\Omega^2 \left(E_{\ell} + \frac{P}{S_0} \right) I_0}{P + k G_{\ell t} S_0}}$$
(2.30)

2.5. KẾT LUẬN CHƯƠNG

Trong chương này, tác giả đã tóm tắt lại việc xây dựng lý thuyết tính toán dầm màng mỏng thổi phồng của nhóm nghiên cứu Nguyen và Levan.

Trạng thái quy chiếu được sử dụng để đặt và giải quyết bài toán dầm màng mỏng là lúc dầm đã được thổi phồng bởi một áp suất không khí cho trước. Bài toán được thiết lập với mô hình dầm Timoshenko, trong khuôn khổ chuyển vị lớn và biến dạng lớn. Ảnh hưởng của lực cắt và áp suất thổi phồng được kể đến trong các phép biến đổi của bài toán. Sau khi phát triển bài toán, một hệ phương trình phi tuyến được rút ra. Hệ này sau đó được tuyến tính hóa xung quanh trạng thái cân bằng giới hạn để chuyển thành một hệ phương trình tuyến tính, dễ giải hơn. Áp dụng lý thuyết tính toán vừa được xây dựng, nhóm nghiên cứu Nguyen và Levan đã áp dụng để giải hai

bài toán cơ bản: dầm công-xôn chịu uốn ngang và uốn dọc và đưa ra các công thức tính độ võng, góc xoay của tiết diện cũng như lực tới hạn cho bài toán ổn định.

CHƯƠNG 3 PHƯƠNG PHÁP PHẦN TỬ HỮU HẠN CHO DẦM MÀNG MỎNG THỔI PHỒNG

3.1. PHƯỜNG TRÌNH CẦN BẰNG RỜI RẠC CỦA BÀI TOÁN ÔNG MÀNG MỎNG THỒI PHÔNG

3.2. NỘI SUY CÁC CHUYỂN VỊ

$$U = \langle \mathbf{N}_{U} \rangle \{U\}^{e}$$

$$V = \langle \mathbf{N}_{V} \rangle \{V\}^{e}$$

$$\theta = \langle \mathbf{N}_{\theta} \rangle \{\theta\}^{e}$$
(3.2)

Trong đó các vec-tơ hàng $\langle N_U \rangle$, $\langle N_V \rangle$, $\langle N_{\theta} \rangle$ là các hàm nội suy cho các chuyển vị nút (U và V) và cho góc xoay của nút θ . Các vec-tơ cột {U^e},{V^e}, { θ^e }, chứa các chuyển vị nút và góc xoay nút của phần tử e.

Vec-tơ chuyển vị nút phần tử {Ue} có thể được trích xuất từ vec-tơ chuyển vị của kết cấu {U}:

 $\{\mathbf{U}\}^{e} = [\mathbf{A}]^{e} \{\mathbf{U}\}$ (3.4) 3.3. RỜI RẠC HÓA CÔNG THỨC TÍNH CÔNG SUẤT ẢO CỦA NỘI ỨNG SUẤT

3.4. RỜI RẠC HÓA CÔNG THỨC TÍNH CÔNG ẢO CỦA NGOẠI LỰC

3.4.1. Tải trọng tĩnh 3.4.2. Tải trọng động

3.4.3. Phương trình cân bằng rời rạc 3.5. MA TRẬN ĐỘ CỨNG TIẾP TUYẾN 3.5.1. Ma trận độ cứng do nội lực gây ra 3.5.2. Ma trận độ cứng do áp suất thổi phồng gây ra

3.6. TUYẾN TÍNH HÓA BÀI TOÁN

3.6.1. Phương trình cân bằng rời rạc tuyến tính

3.6.2. Ma trận độ cứng tuyến tính hóa

$$[\mathbf{K}]^{\varepsilon} = \int_{0}^{L'_{\varepsilon}} \begin{bmatrix} (E_{\varepsilon}S_{0} + N_{0})\{\mathbf{N}_{U_{x}}\} < \mathbf{N}_{U_{x}} > 0 & 0 \\ 0 & (kG_{\varepsilon}S_{0} + N_{0})\{\mathbf{N}_{v_{x}}\} < \mathbf{N}_{v_{x}} > -(kG_{\varepsilon}S_{0} + P)\{\mathbf{N}_{v_{x}}\} < \frac{N_{\theta}}{L'} > \\ 0 & -(kG_{\varepsilon}S_{0} + P)\{\mathbf{N}_{v_{x}}\} < \frac{N_{\theta}}{L'} > \frac{1}{(L')^{2}}(E_{\varepsilon} + \frac{N_{0}}{S_{0}})I_{0}\{\mathbf{N}_{\theta_{x}}\} < \mathbf{N}_{\theta_{x}} > \\ +(kG_{\varepsilon}S_{0} + P)\{\frac{N_{\theta}}{L'}\} < \frac{N_{\theta}}{L'} > \end{bmatrix} dX$$

Trong biểu thức này, chúng ta thấy ảnh hưởng của áp suất thổi phồng thông qua đại lượng P. Độ cứng chống uốn và độ cứng chống cắt của ống xuất hiện thông qua các đại lượng $E_I I_0$ và $kG_{It}S_0$.

3.7. KẾT LUẬN CHƯƠNG

Chương này được dành riêng để xây dựng phần tử hữu hạn cho dầm màng mỏng thổi phồng. Sử dụng lý thuyết tính toán đã được nhóm nghiên cứu Nguyen và Levan phát triển, tác giả sử dụng phương pháp phần tử hữu hạn để phân tích bài toán và đã viết được ma trận độ cứng phần tử cho dầm màng mỏng thổi phồng. Ma trận này sẽ được dùng để nghiên cứu ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng, được trình bày trong chương tiếp theo.

CHƯỜNG 4 BÀI TOÁN ÁP DỤNG

4.1. LỰA CHỌN PHẦN TỬ

4.1.1. Phần tử thanh 2 nút4.1.2. Phần tử thanh 3 nút

Phần tử quy chiếu

Phần tử thực

Hình 4.1. Phần tử hữu hạn trong hệ toạ độ quy chiếu và hệ toạ độ tổng thể

4.2. MA TRẬN ĐỘ CỨNG PHẦN TỬ

Ma trận độ cứng tuyến tính được viết trong hệ toạ độ quy chiếu ξ có dạng:

 $[\mathbf{K}]^{e} = \int_{-1}^{1} \begin{bmatrix} (E_{\ell}S_{0} + N_{0})\{\mathbf{N}_{U_{\zeta}}\} < \mathbf{N}_{U_{\zeta}} > & 0 & 0 \\ 0 & (kG_{\ell_{\ell}}S_{0} + N_{0})\{\mathbf{N}_{V_{\zeta}}\} < \mathbf{N}_{V_{\zeta}} > & -\frac{1}{2}(kG_{\ell_{\ell}}S_{0} + P)\{\mathbf{N}_{V_{\zeta}}\} < \mathbf{N}_{\theta} > \\ 0 & -\frac{1}{2}(kG_{\ell_{\ell}}S_{0} + P)\{\mathbf{N}_{V_{\zeta}}\} < \mathbf{N}_{\theta} > & \frac{1}{(L')^{2}}(E_{\ell} + \frac{N_{0}}{S_{0}})I_{0}\{\mathbf{N}_{\theta_{\zeta}}\} < \mathbf{N}_{\theta_{\zeta}} > \\ & +\frac{1}{4}(kG_{\ell_{\ell}}S_{0} + P)\{\mathbf{N}_{\theta}\} < \mathbf{N}_{\theta} > \end{bmatrix} d\xi$ (4.2)

4.3. BÀI TOÁN UỐN NGANG MỘT DẦM CÔNG-XÔN THỔI PHỒNG

Bảng 4.1. Dữ liệu dầu vào cho bài toán dầm màng mỏng thổi phồng

KÍCH THƯỚC HÌNH HỌC CỦA DẦM							
Chiều dài				2.5m			
Bán kính				0.1m			
ĐẶC TÍNH	CỦA V	ΥÂ	T LIỆU				
					Màng		
	Màng	1	Màng 2	Màng 3	4		
Mô đun Young theo phương							
doc E_1H (kNm)	300		300	300	600		
Mô đun Young theo phương							
ngang E _t H (kNm)	300		150	600	300		
Mô đun chống cắt G _{lt} H (kNm)	9.5		7.5	12.5	12.5		
Hệ số Poisson v_{lt}	0.25		0.22	0.12	0.24		
Áp suất thổi phồng p (kPa)			50 -	600			

4.3.1. Lời giải với tích phân Gauss đầy đủ

$$a. \quad Giải bài toán với 1 phần tử hữu hạn
V_{2} = \frac{5FL^{3}}{120(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0} + 2(P + kG_{\ell t}S_{0})L^{2}} + \frac{FL^{3}}{16(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}} + \frac{FL}{2(P + kG_{\ell t}S_{0})}
\theta_{2} = \frac{15FL^{2}}{120(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0} + 2(P + kG_{\ell t}S_{0})L^{2}} + \frac{FL^{2}}{4(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}}
V_{3} = \frac{5FL^{3}}{60(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0} + (P + kG_{\ell t}S_{0})L^{2}} + \frac{FL^{3}}{4(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}} + \frac{FL}{(P + kG_{\ell t}S_{0})}
\theta_{3} = \frac{FL^{2}}{2(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}}$$
(4.5)

b. Giải bài toán với nhiều phần tử hữu hạn

Bảng 4.2. Kiểm tra sự hội tụ chuyển vị giữa công-xôn V_2

Số lượng	Áp suất thổi phồng (kPa)						
phần tử	100	200	300	400	500	600	
1	1.54026	1.31756	1.16254	1.06931	0.95632	0.87524	
2	1.76925	1.58213	1.44236	1.32565	1.22584	1.17136	
3	1.78356	1.60156	1.46238	1.35862	1.25947	1.18564	
4	1.79188	1.60935	1.47231	1.36256	1.26823	1.18782	
5	1.79989	1.61015	1.47532	1.36753	1.26982	1.18816	

6	1.79998	1.61023	1.47539	1.36759	1.26988	1.18821
7	1.80005	1.61029	1.47545	1.36765	1.26993	1.18826
8	1.80008	1.61032	1.47548	1.36764	1.26996	1.18829
9	1.80010	1.61034	1.47549	1.36769	1.26997	1.18830
10	1.80012	1.61035	1.47551	1.36770	1.26998	1.18831
11	1.80013	1.61036	1.47551	1.36769	1.26999	1.18832
12	1.80013	1.61037	1.47552	1.36769	1.26999	1.18832

Hình 4.3. Biểu đồ thể hiện sự hội tụ của chuyển vị giữa công-xôn V_2 Bảng 4.3. kiểm tra sự hội tụ chuyển vị cuối công-xôn V_3

Số lượng	Áp suất thổi phồng (kPa)						
phần tử	100	200	300	400	500	600	
1	5.00374	4.42398	4.01385	3.62467	3.37247	3.12527	
2	5.47259	4.96853	4.56205	4.22367	3.92564	3.66578	
3	5.50079	5.00376	4.61258	4.27536	3.98215	3.70989	
4	5.51068	5.01298	4.62374	4.28834	3.99215	3.72564	
5	5.51192	5.01375	4.62652	4.29305	4.00126	3.73568	
6	5.51219	5.01400	4.62675	4.29326	4.00146	3.73586	
7	5.51241	5.01420	4.62693	4.29343	4.00162	3.73601	
8	5.51252	5.01430	4.62702	4.29352	4.00171	3.73609	
9	5.51258	5.01435	4.62707	4.29356	4.00174	3.73612	
10	5.51263	5.01439	4.62711	4.29360	4.00177	3.73616	
11	5.51265	5.01442	4.62714	4.29362	4.00179	3.73618	
12	5.51267	5.01443	4.62715	4.29363	4.00180	3.73619	

Hình 4.4. Biểu đồ thể hiện sự hội tụ của chuyển vị cuối công-xôn V_3 Bảng 4.4. Góc xoay của tiết diện ngang giữa công-xôn θ_2

Số lượng		Áp suất thổi phồng (kPa)						
phần tử	100	200	300	400	500	600		
1	0.11387	0.10099	0.09059	0.08203	0.07656	0.06815		
2	0.13125	0.12098	0.11175	0.10278	0.09445	0.08753		
3	0.13097	0.12022	0.11097	0.10212	0.09422	0.08687		
4	0.13091	0.12093	0.11136	0.10245	0.09433	0.08720		
5	0.13093	0.12096	0.11176	0.10250	0.09440	0.08727		
6	0.13093	0.12097	0.11177	0.10250	0.09440	0.08727		
7	0.13094	0.12097	0.11177	0.10251	0.09440	0.08728		
8	0.13095	0.12097	0.11178	0.10251	0.09441	0.08728		
9	0.13095	0.12097	0.11178	0.10251	0.09441	0.08728		
10	0.13095	0.12098	0.11178	0.10251	0.09441	0.08728		
11	0.13095	0.12098	0.11178	0.10251	0.09441	0.08728		
12	0.13095	0.12098	0.11178	0.10251	0.09441	0.08728		

Hình 4.5. Biểu đồ thể hiện sự hội tụ của góc xoay giữa công-xôn θ_2 Lời giải với tích phân có chọn lọc

4.3.2. Lời giải với tích phân có chọn lọc

Chuyển vị và góc xoay của các điểm nút:

$$V_{2} = \frac{5FL^{3}}{48(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}} + \frac{FL}{2(P + kG_{\ell t}S_{0})}; \quad \theta_{2} = \frac{3FL^{2}}{8(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}}$$

$$V_{3} = \frac{FL^{3}}{3(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}} + \frac{FL}{(P + kG_{\ell t}S_{0})}; \quad \theta_{3} = \frac{FL^{2}}{2(E_{\ell} + \frac{P}{S_{0}})I_{0}}$$
(4.7)

Các kết quả này hoàn toàn trùng khớp với các kết quả lý thuyết được đưa ra trước đó.

4.3.3. So sánh hai phương pháp tích phân ma trận độ cứng

4.3.4. Phân tích ứng xử của dầm công-xôn thổi phông chịu uốn

Các dữ liệu được sử dụng đã được trình bày ở "Bảng 4.1: Dữ liệu dầu vào cho bài toán dầm màng mỏng thổi phồng". Các kết quả

được thể hiện trong Bảng 4.5, Bảng 4.6 và sẽ được vẽ thành biểu đổ để phân tích ứng xử của kết cấu (xem Hình 4.6 và Hình 4.7).

	Áp suất	Vật liệu				
	p(kPa)	Màng 1	Màng 2	Màng 3	Màng 4	
	50	5.85834	5.75314	5.84997	3.10892	
	100	5.51983	5.22368	5.62506	2.91094	
	150	5.25124	4.81426	5.44172	2.75736	
	200	5.02104	4.47189	5.2822	2.62937	
Dâ vîn a	250	4.81573	4.17445	5.1382	2.51807	
Dộ vong V(L)	300	4.62841	3.91041	5.00529	2.41863	
(mm)	350	4.45513	3.67286	4.88086	2.32819	
(11111)	400	4.29336	3.45719	4.76326	2.24488	
	450	4.14141	3.26012	4.65138	2.16744	
	500	3.99804	3.07914	4.54444	2.09497	
	550	3.86231	2.91231	4.44187	2.0268	
	600	3.73349	2.75805	4.34322	1.96241	

Bảng 4.5. Độ võng V(L) của tiết diện ở đầu tự do

Hình 4.6. Biểu đồ quan hệ Độ võng V(L) – Áp suất thổi phồng

	Áp suất	Vật liệu				
	p(kPa)	Màng 1	Màng 2	Màng 3	Màng 4	
	50	0.18224	0.17625	0.1845	0.0915	
	100	0.17486	0.1638	0.1792	0.08818	
	150	0.16782	0.15244	0.17409	0.08502	
	200	0.16108	0.14205	0.16914	0.08201	
Cí.	250	0.15465	0.1325	0.16436	0.07913	
Goc	300	0.14851	0.12371	0.15974	0.07638	
Xoay θ(L) (⁰)	350	0.14264	0.11561	0.15527	0.07375	
	400	0.13703	0.10811	0.15094	0.07122	
	450	0.13167	0.10118	0.14676	0.0688	
	500	0.12654	0.09476	0.14271	0.06648	
	550	0.12164	0.08881	0.1388	0.06426	
	600	0.11695	0.08329	0.13501	0.06212	

Bảng 4.6. Góc xoay θ (L) của tiết diện ở đầu tự do

Hình 4.7. Biểu đồ quan hệ Góc xoay – Áp suất thổi phồng

Theo như Hình 4.6 và Hình 4.7, ta nhận thấy rằng độ võng V(L) và góc xoay θ (L) biến thiên phi tuyến theo áp suất p. Theo lý thuyết tính toán kích thước dầm màng mỏng ở trạng thái thổi phồng [23], áp suất p càng lớn thì bán kính R của dầm càng lớn, và như vậy thì các tham số như mô-men quán tính của dầm I₀ và diện tích tiết diện ngang của dầm S₀ cũng sẽ lớn. Vậy nên áp suất p càng lớn thì dầm càng được thổi phồng, và có độ cứng càng lớn. Và như thế độ võng và góc xoay của tiết diện dầm sẽ càng nhỏ đi.

Ngoài ra, dầm được cấu tạo từ 2 vật liệu màng khác nhau thì sẽ có ứng xử khác nhau.

4.3.5. Bài toán uốn dọc một dầm công-xôn thổi phồng

- 4.3.6. Tích phân Gauss đầy đủ
- 4.3.7. Tích phân có chọn lọc

4.3.8. Lực tới hạn

Để ước lượng số lượng phần tử cần thiết phải chia nhỏ côngxôn, trong bước đầu tiên, tác giả thực hiện một phép thử sự hội tụ của mô hình bằng cách thay đổi số lượng phần tử từ 1 đến 12. Các phép tính được thực hiện với ống công-xôn có chiều dài L = 2.5m, bán kính R = 0.1m, vật liệu "Màng 1". Các giá trị của lực dọc tới hạn được vẽ biểu đồ, phụ thuộc vào số lượng phần tử được chia của mô hình, (xem Hình 4.9 và Hình 4.10).

Số	Áp suất thổi phồng (kPa)						
phần tử	100	200	300	400	500	600	
1	411.3425	461.9872	511.9356	564.9673	619.7874	672.2389	
2	381.7956	423.6578	467.6534	509.9834	552.5623	600.9315	
3	380.1965	420.9567	461.8792	501.7845	549.8645	592.7893	
4	380.0937	420.3425	460.9672	500.9867	548.9752	591.9834	
5	380.0652	420.0568	460.0567	500.6865	548.6342	591.4589	
6	380.0462	420.0358	460.0337	500.6615	548.6067	591.4293	
7	380.0348	420.0232	460.0199	500.6464	548.5903	591.4116	
8	380.031	420.0190	460.0153	500.6414	548.5848	591.4057	
9	380.0275	420.0152	460.0112	500.6369	548.5798	591.4003	
10	380.0256	420.0131	460.0089	500.6344	548.5771	591.3974	
11	380.0245	420.0119	460.0075	500.6329	548.5755	591.3956	
12	380.0241	420.0114	460.0070	500.6324	548.5749	591.3950	

Bảng 4.7. F_{cr} với tích phân Gauss đầy đủ

Hình 4.9. Biểu thị sự hội tụ của F_{cr} với tích phân Gauss đầy đủ

Bảng 4.8. F_{cr} với tích phân có chọn lọc

Hình 4.10. Biểu thị sự hội tụ của F_{cr} với tích phân có chọn lọc

Như vậy, tác giả đã chọn thực hiện các phép mô phỏng số với mô hình với 12 phần tử. Các giá trị lực dọc tới hạn đạt được được thể hiện trong Bảng 4.8.

Not your Star tion						
	Lực tới hạ					
P(kPa)	Phương pháp phần tử hữu hạn	Phương pháp giải tích	Chênh lệch (%)			
50	357.69	357.64	< 0.01			
100	379.93	379.88	< 0.01			
150	400.39	400.35	< 0.01			
200	420.27	420.23	< 0.01			
250	440.09	440.05	< 0.01			
300	460.13	460.08	< 0.01			
350	480.54	480.50	< 0.01			
400	501.45	501.41	< 0.01			
450	522.92	522.87	< 0.01			
500	545.00	544.95	< 0.01			
550	567.75	567.70	< 0.01			
600	591.20	591.15	< 0.01			

Bảng 4.9. So sánh lực dọc tới hạn có được bởi phần tử hữu hạn và kết quả giải tích

Từ các phép so sánh, ta nhận thấy, các kết quả có được từ phương pháp phần tử hữu hạn hầu như trùng khớp so với các kết quả giải tích, vậy nên phần tử hữu hạn dầm màng mỏng thồi phồng vừa được xây dựng là có thể áp dụng được.

Tiếp tục thực hiện các phép tính khác nhau với các vật liệu được thể hiện trong "Bảng 4.1: Dữ liệu dầu vào cho bài toán dầm màng mỏng thổi phồng", ta được một bảng so sánh và biểu đồ sau đây:

	Áp suất	Vật liệu				
	p(kPa)	Màng 1	Màng 2	Màng 3	Màng 4	
	50	357.64	365.31	357.95	678.81	
	100	379.88	402.74	373.6	723.11	
	150	400.35	438.67	387.97	762.87	
	200	420.23	474.86	401.75	800.39	
Lực	250	440.05	512.12	415.3	836.83	
tới hạn	300	460.08	550.89	428.78	872.85	
Fcr	350	480.5	591.47	442.33	908.86	
(N)	400	501.41	634.07	456	945.13	
	450	522.87	678.89	469.85	981.84	
	500	544.95	726.09	483.91	1019.14	
	550	567.7	775.8	498.2	1057.13	
	600	591.15	828.18	512.76	1095.9	

Bảng 4.10. So sánh lực dọc tới hạn P_{cr} giữa các trường hợp

Từ số liệu trong Bảng 4.10 và biều đồ Hình 4.11, ta nhận thấy rằng, tương tự như trong bài toán uốn ngang, áp suất thổi phồng p và

các mô-đun đàn hổi của tấm vải có ảnh hưởng lớn đến độ cứng của dầm, và do đó ảnh hưởng đến giá trị lực tới hạn.

Lực tới hạn F_{cr} biến thiên phi tuyến theo áp suất p, áp suất p càng lớn thì bán kính dầm càng lớn và các giá trị độ cứng của dầm càng lớn. Điều này cho phép tăng khả năng chịu lực của dầm. Ví dụ như trong trường hợp Màng 3, khi áp suất tăng từ 50 đến 250 kPa, giá trị lực tới hạn F_{cr} tăng 16%.

Giá trị lực tới hạn F_{cr} cũng phụ thuộc vào mô-đun đàn hồi theo phương dọc và phương ngang của tấm vải. Có thể nói, F_{cr} tỷ lệ thuận với mô-đun đàn hồi theo phương dọc E_1 của tấm vải, và tỷ lệ nghịch với mô-đun đàn hồi E_t theo phương ngang của tấm vải.

4.4. KẾT LUẬN CHƯƠNG

Trong chương này, tác giả tiến hành phân tích ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng bằng phương pháp phần tử hữu hạn. Để tìm được lời giải đơn giản mà chính xác nhất, và cũng để tránh hiện tượng "shear lock", tác giả đã sử dụng phần tử thanh 3 nút. Áp dụng ma trận độ cứng phần tử tổng quát đã được xây dựng ở chương 3, tác giả sử dụng 2 kiểu *tích phân Gauss đầy đủ* và *tích phân có chọn lọc* để viết ma trận độ cứng phần tử cho phần tử thanh 3 nút. Bài toán áp dụng được thực hiện với dầm công-xôn thổi phồng chịu uốn ngang và uốn dọc. Các phép tính cho thấy, bằng việc sử dụng 1 phần tử hữu hạn, các kết quả tính ra từ phương pháp phần tử hữu hạn là chưa chính xác lắm so với lý thuyết. Tuy nhiên, nếu tăng số lượng phần tử lên thì kết quả từ phần tử hữu hạn ngày càng khớp so với lý thuyết.

Ngoài ra, việc sử dụng 2 phương pháp tính tích phân cho các ma trận độ cứng phần tử cũng cho thấy, việc tính toán ma trận theo

phương pháp tích phân có chọn lọc tuy "không chính thống" nhưng lại cho kết quả tốt hơn so với phương pháp tích phân đầy đủ cổ điển.

Các phép phân tích ứng xử dầm màng mỏng cho thấy, độ cứng của dầm không những phụ thuộc vào đặc trưng cơ học của vật liệu mà còn phụ thuộc nhiều vào áp suất thổi phồng. Áp suất càng tăng thì bán kính dầm tăng, làm tăng kích thước tiết diện và mô-men quán tính. Ngoài ra, chính bản thân áp suất thổi phồng p cũng tham gia vào độ cứng chống uốn và chống cắt của dầm, và do đó làm tăng khả năng chịu lực cho dầm. Đây là điểm khác biệt của kết cấu thổi phồng so với kết cấu thông thường.

Các phân tích trong chương này cũng cho thấy, khả năng chịu lực của dầm không chỉ phụ thuộc vào áp suất thổi phồng mà còn phụ thuộc một cách phức tạp vào các mô-đun đàn hồi của tấm vải. Theo nghiên cứu cho thấy, muốn tăng độ cứng của dầm thì nên tăng môđun đàn hồi theo phương dọc tấm vải và nên giảm mô-đun đàn hồi theo phương ngang của tấm vải.

KẾT LUẬN VÀ KIẾN NGHỊ

1. Kết luận:

Mục đích của luận văn này là xây dựng một phần tử hữu hạn dầm dành riêng cho kết cấu màng mỏng thổi phồng, được cấu tạo từ vải kỹ thuật. Dầm thổi phồng được sử dụng trong nghiên cứu này có dạng ống trụ tròn xoay, được thổi phồng và chịu tải trọng ngang.

Để xây dựng phần tử hữu hạn, tác giả đã sử dụng mô hình dầm Timoshenko để có thể kể đến các ảnh hưởng do lực cắt và áp suất thổi phồng. Ngoài ra, các phương trình của bài toán sẽ được viết trong khuôn khổ chuyển vị và biến dạng lớn để kể đến tất các các thành phần phi tuyến. Ma trận độ cứng phần tử sẽ là tổng của ma trận độ cứng gây ra bởi nội lực và áp suất thổi phồng. Phép tuyến tính hóa xung quanh trạng thái cân bằng của dầm sẽ cho ta một ma trận độ cứng đơn giản hơn.

Các bài toán xác minh đã nêu ra được rằng phần tử hữu hạn dầm được xây dựng trong luận văn này cho kết quả khá chính xác và có thể được áp dụng để tính toán, và phân tích ứng xử của kết cấu thổi phồng.

Các phép mô phỏng số và phân tích ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng đã được thực hiện và chứng tỏ rằng độ cứng của dầm phụ thuộc rất lớn vào áp suất thổi phồng và các tính chất cơ lý của vải kỹ thuật.

2. Kiến nghị:

Khi tính toán thiết kế kết cấu thổi phồng, cần cân nhắc kỹ việc lựa chọn giá trị áp suất thổi phồng và loại vật liệu sử dụng.

- Áp suất thổi phồng càng tăng thì kết cấu càng cứng và do đó có khả năng chịu lực càng tốt.

- Tuy nhiên, để tăng khả năng chịu lực của kết cấu thì cần cân nhắc kỹ khi lựa chọn vật liệu vải kỹ thuật. Nếu nắm rõ ứng xử của kết cấu thì đôi khi, một tấm vải kỹ thuật có khả năng chịu lưc bé hơn lại có lợi hơn cho sự làm việc của kết cấu.

+ Khả năng chịu lực của kết cấu thổi phồng phụ thuộc vào độ lớn của áp suất thổi phồng. Vì vậy, trong quá trình sử dụng phải có các biện pháp duy trì được áp lực thổi phồng như đã tính toán.

3. Phát triển luận văn:

+ Nghiên cứu ứng xử của dầm màng mỏng thổi phồng chịu các trương hợp tải trọng khác nhau: tải trọng phân bố, tải trọng xoắn....